

Grundbegriffe der Informatik

Aufgabenblatt 11

Matr.nr.:

--	--	--	--	--	--	--

Nachname:

--

Vorname:

--

Tutorium:

Nr.

--

Name des Tutors:

--

Ausgabe: 14. Januar 2015

Abgabe: 23. Januar 2015, 12:30 Uhr
im GBI-Briefkasten im Untergeschoss
von Gebäude 50.34

Lösungen werden nur korrigiert, wenn sie

- rechtzeitig,
- in Ihrer eigenen Handschrift,
- mit dieser Seite als Deckblatt und
- in der oberen **linken** Ecke zusammengeheftet
abgegeben werden.

Vom Tutor auszufüllen:

erreichte Punkte

Blatt 11:

/ 17 + 0

Blätter 1 – 11:

/ 188 + 21

Aufgabe 11.1 (2 + 1 + 4 = 7 Punkte)

Der ebenso geniale wie umsichtige Wissenschaftler und Superbösewicht Doktor Meta ist besorgt. Nach seiner (verspäteten) Rückkehr bezog er sofort wieder seine geheime unterirdische Basis unter den Straßen von Karlsruhe. Nun hat er die Vermutung, dass seine Schergen vertrauliche Informationen über ihn preisgeben. Mit Hilfe einer amerikanischen Sicherheitsbehörde hört er ihren E-Mail-Verkehr ab und kommt zu dem Schluss, dass ungerade Ziffern sowie nicht durch zwei oder drei teilbare Anzahlen des Buchstaben a besonders problematisch sind. Um zu verhindern, dass die Schergen weiterhin derart empfindliche Daten weitergeben, muss er diese E-Mails entweder blockieren oder verändern.

- a) Geben Sie graphisch einen endlichen Mealy-Automaten $\mathcal{A} = (Z, z_0, X, f, Y, h)$ mit $X = Z_{10}$ und $Y = \{0, 2, 4, 6, 8\}$ an so, dass die Abbildung

$$\begin{aligned} X^* &\rightarrow Y^*, \\ w &\mapsto g^{**}(z_0, w), \end{aligned}$$

der Homomorphismus $\varphi: X^* \rightarrow Y^*$ ist, welcher eindeutig festgelegt ist durch

$$\begin{aligned} \forall x \in Y : \varphi(x) &= x, \\ \forall x \in X \setminus Y : \varphi(x) &= \epsilon. \end{aligned}$$

- b) Was ist die kleinste Anzahl an Zuständen, die benötigt werden, um die vorangegangene Teilaufgabe mit einem Moore- anstelle eines Mealy-Automaten zu lösen?
- c) Geben Sie graphisch einen endlichen Akzeptor $\mathcal{A} = (Z, z_0, X, f, F)$ mit $X = \{a, b\}$ an so, dass die von \mathcal{A} akzeptierte formale Sprache $L(\mathcal{A})$ die formale Sprache

$$\{w \in X^* \mid \exists n \in \mathbb{N}_0 : N_a(w) \in \{2n, 3n\}\}$$

ist, wobei $N_a(w)$ die Anzahl der Vorkommen von a in w bezeichne.

Aufgabe 11.2 (2 + 6 = 8 Punkte)

Es sei $D = Z_{10}$, es sei $A = \{a, b, c, \dots, z\}$ und es sei $S = \{., ;\}$. Weiter sei $L_B = A \cdot (A \cup D)^*$ die Sprache aller Bezeichner, es sei $L_F = D^+ \cdot \{.\} \cdot D^+ \cdot \{f\}$ jene aller Fließkommazahlen und es sei $L_U = (D \cup A \cup \{.\})^* \setminus (L_B \cup L_F)$ jene aller andersgearteten Wörter.

Die Abbildung $\varphi: (D \cup A \cup S)^* \rightarrow \{B, F, U\}^*$ sei induktiv definiert durch

$$\begin{aligned} \forall v \in (D \cup A \cup \{.\})^* : \varphi(v) &= \epsilon, \\ \forall v \in (D \cup A \cup \{.\})^* : \varphi(v;) &= \begin{cases} B, & \text{falls } v \in L_B, \\ F, & \text{falls } v \in L_F, \\ U, & \text{falls } v \in L_U, \end{cases} \end{aligned}$$

$$\forall v \in (D \cup A \cup \{.\})^* : \forall w \in (D \cup A \cup S)^* : \varphi(v;w) = \varphi(v;) \cdot \varphi(w).$$

- a) Geben Sie $\varphi(;)$, $\varphi(42.0f)$, $\varphi(42.0f;)$ und $\varphi(42i;0.33f;int;0.3141;)$ an.

- b) Geben Sie graphisch einen endlichen Mealy-Automaten $\mathcal{A} = (Z, z_0, X, f, Y, g)$ an so, dass die Abbildung

$$(D \cup A \cup S)^* \rightarrow \{B, F, U\}^*, \\ w \mapsto g^{**}(z_0, w),$$

die Abbildung φ ist. Dabei dürfen Sie für jede Teilmenge M des Eingabealphabets X und jeden Buchstaben y des Ausgabealphabets Y anstelle einer Kante mit der Beschriftung $m|y$ für jedes $m \in M$ abkürzend nur eine Kante mit der Beschriftung $M|y$ zeichnen.

Aufgabe 11.3 (2 Punkte)

Geben Sie einen endlichen Akzeptor mit Eingabealphabet $X = \{a, b\}$ an, der die formale Sprache aller Wörter über X erkennt, in denen *nicht* das Teilwort aba vorkommt.